



普及组 CSP-J 2025 初赛模拟卷 9

一、单项选择题 (共 15 题, 每题 2 分, 共计 30 分; 每题有且仅有一个正确选项)

1. $(1ACF)_{16}$ 和 $(0456)_{16}$ 这两个十六进制数做加法的结果是 ()。

A. $(1F25)_{16}$ B. $(7975)_{10}$ C. $(17455)_8$ D. $(1111100100111)_2$
2. 一个 64 位无符号长整型变量占用 () 字节。

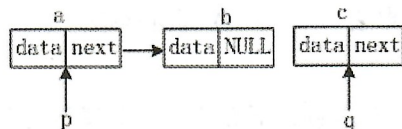
A. 32 B. 4 C. 16 D. 8
3. 下列选项中, () 判断字符串 $s1$ 是否为回文串, 如果是就输出 “yes”, 否则输出 “no”。

```
int main()
{
    string s1, s2;
    cin >> s1;
    s2 = s1;
    _____;
    if (s1 == s2)
        cout << "yes";
    else
        cout << "no";
    return 0;
}
```

A. `reverse(s1.begin(), s1.end());`
 B. `reverse(s1[0], s1[s1.size()]);`
 C. `s1.reverse(begin(), end());`
 D. `reverse(s1, s1+s1.size());`
4. 已知 x 、 y 、 z 都是 `int` 类型的整数, $x=1$ 、 $y=1$ 、 $z=3$ 。那么执行 `bool ans = x++ || --y && ++z` 后, x 、 y 、 z 和 ans 的值各为多少? ()

A. $x=2$, $y=0$, $z=4$, $ans=1$ B. $x=2$, $y=1$, $z=3$, $ans=1$
 C. $x=2$, $y=1$, $z=3$, $ans=0$ D. $x=2$, $y=0$, $z=4$, $ans=0$

5. 指针 p 指向变量 a , q 指向变量 c 。能够把 c 插入到 a 和 b 之间并形成新链表的语句组是 ()。



- A. $p.next = q; q.next = p.next;$
 B. $p->next = \&c; q->next = p->next;$
 C. $(*p).next = q; (*q).next = \&b;$
 D. $a.next = c; c.next = b;$
6. 以下哪个特性是数组和链表共有的? ()
- A. 动态分配
 B. 元素之间的次序关系
 C. 通过索引访问
 D. 存储连续
7. 下面关于哈夫曼树的描述中, 正确的是 ()。
- A. 哈夫曼树一定是完全二叉树
 B. 哈夫曼树一定是平衡二叉树
 C. 哈夫曼树中权值最小的两个结点互为兄弟结点
 D. 哈夫曼树中左子结点小于父结点, 右子结点大于父结点
8. 已知一棵二叉树有 2025 个结点, 则其中至多有 () 个结点有 2 个子结点。
- A. 1010
 B. 1011
 C. 1012
 D. 1013
9. 下面的说法中正确的是 ()。
- A. 计算机网络按照拓扑结构分为星型、环型、总线型等
 B. 互联网的基础是 OSI 七层协议而不是 TCP/IP 协议族
 C. 现代计算机网络主要采用电路交换技术
 D. 10.10.1.1 是 D 类 IP 地址
10. 下面关于图的说法中正确的是 ()。
- A. 所有点数为奇数的连通图, 一定可以一笔画成
 B. 所有只有两个奇度点[其余均为偶度点]的连通图, 一定可以一笔画成
 C. 哈密顿图一定是欧拉图, 而欧拉图未必是哈密顿图
 D. 哈密顿图不一定是欧拉图, 而欧拉图一定是哈密顿图

11. () 是一种选优搜索法, 按选优条件向前搜索以达到目标。当搜索到某一步时, 如果发现原先的选择并不优或者达不到目标, 就后退一步重新选择。
- A. 二分算法 B. 动态规划 C. 回溯法 D. 贪心算法
12. 动态规划是将一个问题分解为一系列子问题后来求解, 下面 () 属于动态规划问题。
- A. 多重背包 B. 排队打水 C. 有序数组找数 D. 全排列
13. 设无向图 G 的邻接矩阵如下图所示, 则 G 的顶点数和边数分别为 ()。

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

- A. 4, 5 B. 5, 8 C. 4, 10 D. 5, 5
14. 某条道路从东到西有 8 个路灯, 巡查员为了维护方便, 在每根灯杆上都安装了开关, 第 t 个开关能够切换前 t 个灯的状态 ($t=1\sim 8$, 灯开或关), 一开始灯全是开的。巡查员通过控制开关一共能得到 () 种不同灯的开或者关的组合状态。
- A. 128 B. 256 C. 127 D. 255
15. 某四位正整数 $abcd$ 满足如下条件 (a, n 也是正整数, b, c, d 是非负整数): $abcd=1^3+2^3+\cdots+n^3$, $abcd=(1+2+3+\cdots+n)^2$, $abcd=(ab+cd)^2$, 这样的正整数 $abcd$ 共有 () 个。
- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

二、阅读程序 (程序输入不超过数组或字符串定义的范围; 判断题正确填√, 错误填×; 除特殊说明外, 判断题每小题 1.5 分, 选择题每小题 3 分, 共计 40 分)

(1)

```
01 #include <bits/stdc++.h>
02 using namespace std;
03 const int N = 100 + 5;
04 int n, c, x, y, len, l[N], r[N], cha[N];
```

```

05 char a[N];
06 int main() {
07     scanf("%d%d%s", &n, &c, a + 1);
08     len = n;
09     for (int i = 1; i <= c; i++) {
10         scanf("%d%d", &l[i], &r[i]);
11         cha[i] = len - l[i] + 1;
12         len += r[i] - l[i] + 1;
13     }
14     scanf("%d", &x);
15     for (int i = c; i; i--)
16         if (x >= l[i] + cha[i] && x <= r[i] + cha[i])
17             x -= cha[i];
18     printf("%c\n", a[x]);
19     return 0;
20 }

```

输入保证 $1 \leq l_i \leq r_i \leq n \leq 100$, $1 \leq c \leq 100$ 。回答以下问题。

■ 判断题

16. 第 17 行最多会运行一次。 ()
17. (2 分) 当程序运行至第 19 行时, x 一定在 $[1, n]$ 范围内。 ()
18. 若将第 3 行改成 `const int N = 100;`, 一定不会出现数组越界问题。 ()

■ 选择题

19. 若输入 4 2 mark 1 4 5 7 10, 则输出为 ()。
- A. m B. a C. r D. k
20. (4 分) 若输入 7 3 creamii 2 3 3 4 2 9 11, 则输出为 ()。
- A. m B. e C. a D. i

(2)

```

01 #include <bits/stdc++.h>
02 using namespace std;
03 const int N = 2e5 + 5;
04 int n, ans, a[N], cnt[20];
05 int main() {
06     scanf("%d", &n);

```

```

07   for (int i = 1; i <= n; ++i) {
08       scanf("%d", &a[i]);
09       for (int j = 0; j <= 14; ++j) {
10           cnt[j] += a[i] & 1;
11           a[i] /= 2;
12       }
13   }
14   for (int i = 1; i <= n; ++i) {
15       int sum = 0, x = 1;
16       for (int j = 0; j <= 14; ++j) {
17           if (cnt[j])
18               sum += x, --cnt[j];
19           x *= 2;
20       }
21       ans += sum * sum;
22   }
23   return printf("%d\n", ans), 0;
24 }

```

已知 $1 \leq n, a < 2^{15}$, 完成下列各题。

■ 判断题

21. 第 10 行可以写成 `cnt[j] += a[i] % 2`。 ()
22. 第 21 行一定不会溢出 `int` 上界。 ()
23. 若输入为 1 a_1 , 则输出为 a_1^2 。 ()
24. 若输入为 3 1 3 5, 则输出为 51。 ()

■ 选择题

25. 该程序的时间复杂度为 ()。
- A. $O(n)$ B. $O(n \log n)$ C. $O(n^2)$ D. $O(n \log^2 n)$
26. 若输入为 2 123 69, 则程序运行至第 13 行时, `cnt` 数组的和为 ()。
- A. 6 B. 7 C. 9 D. 10

(3)

```

01 #include <bits/stdc++.h>
02 using namespace std;
03 const int N = 10005, M = 15;

```

```
04 char c[N];
05 int d, num[N], dp[N][M][2];
06 int dfs(int pos, int res, int sta) {
07     if (pos == 0)
08         return res == 0;
09     if (dp[pos][res][sta] != -1)
10         return dp[pos][res][sta];
11     int ret = 0, maxx = 9;
12     if (sta) maxx = num[pos];
13     for (int i = 0; i <= maxx; i++)
14         ret += dfs(pos - 1, (res + i) % d, sta && (i == maxx));
15     dp[pos][res][sta] = ret;
16     return ret;
17 }
18 int main() {
19     scanf("%s%d", c + 1, &d);
20     memset(dp, -1, sizeof(dp));
21     for (int i = 1; i <= strlen(c + 1); i++)
22         num[i] = c[strlen(c + 1) - i + 1] - '0';
23     printf("%d\n", dfs(strlen(c + 1), 0, 1) - 1);
24     return 0;
25 }
```

已知 $1 \leq d < 10$, $1 \leq |c| \leq 10\,000$, 完成下列各题。

■ 判断题

27. 将程序中的第 2 行去除, 程序依然能正常运行。 ()
28. 该程序的时间复杂度为 $O(|c|^2)$ 。 ()

■ 选择题

29. 若将程序中的第 15 行去除, 则程序的时间复杂度为 ()。
- A. $O(10^{|c|})$ B. $O(100d|c|)$ C. $O(10d|c|)$ D. $O(10^{d|c|})$
30. 若输入为 9 2, 则输出为 ()。
- A. 1 B. 2 C. 4 D. 7
31. 若输入为 30 4, 则输出为 ()。
- A. 3 B. 4 C. 6 D. 7

32. (4分) 若输入为 2025 6, 则输出为 ()。

- A. 240 B. 256 C. 280 D. 338

三、完善程序 (单选题, 每小题 3 分, 共计 30 分)

(1) 题目描述:

有一个长度为 n 的数组 a , 满足 $a[i]$ 只能是 0、1 或 2, 一开始所有元素均为蓝色。

可以执行如下操作:

(i) 用一枚硬币, 把一个蓝色元素涂成红色;

(ii) 选择一个不等于 0 的红色元素和一个与其相邻的蓝色元素, 将所选的红色元素减少 1, 并将所选的蓝色元素涂成红色。

要将所有元素涂红, 最少需要多少枚硬币?

```
01 #include <bits/stdc++.h>
02 using namespace std;
03 const int N = 2e5 + 5;
04 int n, pre[N], a[N], dp[N][3];
05 int main() {
06     scanf("%d", &n);
07     memset(dp, 0x3f, sizeof dp);
08     dp[0][0] = dp[0][1] = dp[0][2] = 0;
09     for (int i = 1; i <= n; i++)
10         scanf("%d", &a[i]);
11     ①;
12     for (int i = 1; i <= n; i++)
13         pre[i] = ②;
14     for (int i = 2, j; i <= n; i++) {
15         dp[i][a[i]] = min({ ③ });
16         if (④)
17             dp[i][a[i] - 1] = 1 + min({⑤});
18     }
19     printf("%d", min({ dp[n][0], dp[n][1], dp[n][2] }));
20 }
```

33. ①处应填 ()。

- A. $dp[1][a[1]==2]=1$ B. $dp[1][a[1]==1]=1$
 C. $dp[1][a[1]==0]=1$ D. $dp[1][a[1]]=1$

34. ②处应填 ()。

- A. `a[i]?pre[i-1]:i` B. `a[i]?i:pre[i-1]`
 C. `a[i]==2?pre[i-1]:i` D. `a[i]==2?i:pre[i-1]`

35. ③处应填 ()。

- A. `dp[i - 1][0] + 1, dp[i - 1][1], dp[i - 1][2]`
 B. `dp[i - 1][0] + 2, dp[i - 1][1] + 1, dp[i - 1][2]`
 C. `dp[i - 1][0] + 2, dp[i - 1][1], dp[i - 1][2]`
 D. `dp[i - 1][0], dp[i - 1][1], dp[i - 1][2]`

36. ④处应填 ()。

- A. `a[i]` B. `a[i]==2` C. `a[i]==1` D. `a[i-1]`

37. ⑤处应填 ()。

- A. `dp[pre[i] - 1][0] + 1, dp[pre[i] - 1][1], dp[pre[i] - 1][2]`
 B. `dp[pre[i] - 1][0] + 2, dp[pre[i] - 1][1] + 1, dp[pre[i] - 1][2]`
 C. `dp[pre[i] - 1][0] + 2, dp[pre[i] - 1][1], dp[pre[i] - 1][2]`
 D. `dp[pre[i] - 1][0], dp[pre[i] - 1][1], dp[pre[i] - 1][2]`

(2) 题目描述:

给你一个长度为 n ($n \leq 300000$) 的整数数组 a 。

你可以执行以下操作: 选择数组中的一个元素, 并用其邻近元素的值替换它。

计算在执行上述操作最多 k ($k \leq 10$) 次的情况下, 数组的总和可能达到的最小值。

```
01 #include <bits/stdc++.h>
02 using namespace std;
03 const int N = 3e5 + 5;
04 int n, k, a[N], p[N][11], ans[N][11];
05 int main() {
06     scanf("%d%d", &n, &k);
07     for (int i = 1; i <= n; i++) {
08         scanf("%d", &a[i]);
09         ①;
10     }
11     for (int j = 1; j <= k; j++)
12         for (int i = 1; i + j <= n; i++)
```

```

13         p[i][j] = min(p[i][j - 1], a[i + j]);
14     for (int j = 1; j <= k; j++)
15         for (int i = 1; i + j <= n; i++)
16             ②;
17     for (int i = 1; i <= n; i++) {
18         ans[i][0] = ③;
19         for (int j = 1; j <= k; j++) {
20             ans[i][j] = min(ans[i - 1][j] + a[i], ans[i][j - 1]);
21             for (int h = 0; ④; h++)
22                 ans[i][j] = min(ans[i][j], ⑤);
23         }
24     }
25     printf("%d\n", ans[n][k]);
26     return 0;
27 }

```

38. ①处应填 ()。

A. $p[i][0]=i$

B. $p[i][0]=a[i]$

C. $p[i][i]=i$

D. $p[i][i]=a[i]$

39. ②处应填 ()。

A. $p[i][j]*=j$

B. $p[i][j]*=(j+1)$

C. $p[i][j]*=i$

D. $p[i][j]*=(i+1)$

40. ③处应填 ()。

A. $ans[i-1][0]+a[i]$

B. $ans[i-k][0]+p[i-k+1][k]$

C. $ans[i-1][0]+a[i]*i$

D. $ans[i-k][0]+p[i-k+1][k]*k$

41. ④处应填 ()。

A. $h<=i\&\&h<=j$

B. $h<i\&\&h<=j$

C. $h<i\&\&h<j$

D. $h<=i\&\&h<j$

42. ⑤处应填 ()。

A. $ans[i-h-1][j-h]+p[i-h][h]$

B. $ans[i-h][j-h]+p[i-h][h]$

C. $ans[i][j-h]+p[i][h]$

D. $ans[i][j-h]+p[i-h][h]$